

Übungsblatt 10

Aufgabe 1 Sei $G = (\{E, C, F\}, \{a, +, \langle, \rangle\}, P, E)$, wobei P gegeben ist durch:

$$\begin{aligned} E &\rightarrow FC \\ C &\rightarrow +FC \mid \varepsilon \\ F &\rightarrow \langle E \rangle \mid a \end{aligned}$$

Berechnen Sie die Vorausschautabelle für $k = 1$. Es genügt, wenn Sie die erreichbaren Zustände angeben. Sie können verwenden, dass

$$\begin{aligned} \text{First}_1(E) &= \text{First}_1(F) = \{a, \langle\} \text{ und} \\ \text{First}_1(C) &= \{\varepsilon, +\}. \end{aligned}$$

Lösung:

	a	$+$	\langle	\rangle	ε
$[E' \rightarrow \bullet E, \{\varepsilon\}]$	$E \rightarrow FC$		$E \rightarrow FC$		
$[E \rightarrow \bullet FC, \{\varepsilon\}]$	$F \rightarrow a$		$F \rightarrow \langle E \rangle$		
$[E \rightarrow F \bullet C, \{\varepsilon\}]$		$C \rightarrow +FC$			$C \rightarrow \varepsilon$
$[F \rightarrow \langle \bullet E \rangle, \{+, \varepsilon\}]$	$E \rightarrow FC$		$E \rightarrow FC$		
$[C \rightarrow + \bullet FC, \{\varepsilon\}]$	$F \rightarrow a$		$F \rightarrow \langle E \rangle$		
$[C \rightarrow + F \bullet C, \{\varepsilon\}]$		$C \rightarrow +FC$			$C \rightarrow \varepsilon$
$[E \rightarrow \bullet FC, \{\rangle\}]$	$F \rightarrow a$		$F \rightarrow \langle E \rangle$		
$[E \rightarrow F \bullet C, \{\rangle\}]$		$C \rightarrow +FC$		$C \rightarrow \varepsilon$	
$[F \rightarrow \langle \bullet E \rangle, \{+, \rangle\}]$	$E \rightarrow FC$		$E \rightarrow FC$		
$[C \rightarrow + \bullet FC, \{\rangle\}]$	$F \rightarrow a$		$F \rightarrow \langle E \rangle$		
$[C \rightarrow + F \bullet C, \{\rangle\}]$		$C \rightarrow +FC$		$C \rightarrow \varepsilon$	

Achtung: Die Tabelle kann für unerreichbare Zustände mehrere Einträge haben, obwohl die Grammatik LL(1) ist, zum Beispiel

$$M([E \rightarrow F \bullet C, \{+\}], +) = \{C \rightarrow \varepsilon, C \rightarrow +FC\}.$$

Aber: Ein Lookahead von $+$ ist bei E nicht möglich, denn $+ \notin \text{Follow}_1(E)$.

Aufgabe 2 Sei $G = (\{S, F\}, \{a, +, \langle, \rangle\}, P, S)$, wobei P gegeben ist durch:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow F \mid \langle S + F \rangle \\ F &\rightarrow a \end{aligned}$$

- (a) Berechnen Sie First_1 für jedes Nichtterminal.

Lösung:

Das Ungleichungssystem ist

$$\begin{aligned}\text{First}_1(S) &\supseteq \text{First}_1(F) \cup \text{First}_1(\langle S+F \rangle), \\ \text{First}_1(F) &\supseteq \text{First}_1(a).\end{aligned}$$

Wir starten mit $\text{First}_1(S) \supseteq \emptyset$ und $\text{First}_1(F) \supseteq \emptyset$, also

$$\begin{aligned}\text{First}_1(S) &\supseteq \emptyset \cup (\{\langle\} \odot_1 \emptyset \odot_1 \{+\} \odot_1 \emptyset \odot_1 \{\rangle\}) \\ &= \emptyset, \\ \text{First}_1(F) &\supseteq \{a\}.\end{aligned}$$

Wir haben also $\text{First}_1(S) \supseteq \emptyset$ und $\text{First}_1(F) \supseteq \{a\}$ und erhalten

$$\begin{aligned}\text{First}_1(S) &\supseteq \{a\} \cup (\{\langle\} \odot_1 \emptyset \odot_1 \{+\} \odot_1 \{a\} \odot_1 \{\rangle\}) \\ &= \{a\}, \\ \text{First}_1(F) &\supseteq \{a\}.\end{aligned}$$

Wir haben also $\text{First}_1(S) \supseteq \{a\}$ und $\text{First}_1(F) \supseteq \{a\}$ und erhalten

$$\begin{aligned}\text{First}_1(S) &\supseteq \{a\} \cup (\{\langle\} \odot_1 \{a\} \odot_1 \{+\} \odot_1 \{a\} \odot_1 \{\rangle\}) \\ &= \{a, \langle\}, \\ \text{First}_1(F) &\supseteq \{a\}.\end{aligned}$$

Wir haben also $\text{First}_1(S) \supseteq \{a, \langle\}$ und $\text{First}_1(F) \supseteq \{a\}$ und erhalten

$$\begin{aligned}\text{First}_1(S) &\supseteq \{a\} \cup (\{\langle\} \odot_1 \{\langle, a\} \odot_1 \{+\} \odot_1 \{a\} \odot_1 \{\rangle\}) \\ &= \{a, \langle\}, \\ \text{First}_1(F) &\supseteq \{a\}.\end{aligned}$$

Da wir wieder $\text{First}_1(S) \supseteq \{a, \langle\}$ und $\text{First}_1(F) \supseteq \{a\}$ erhalten haben, gilt $\text{First}_1(S) = \{a, \langle\}$ und $\text{First}_1(F) = \{a\}$.

- (b) Geben Sie alle erreichbaren Expansionsübergänge des erweiterten Itemkellerautomaten für $k = 1$ an.

Lösung:

$([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}], \varepsilon, [S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet F, \{\varepsilon\}])$
$([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}], \varepsilon, [S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet \langle S+F \rangle, \{\varepsilon\}])$
$([S \rightarrow \bullet F, \{\varepsilon\}], \varepsilon, [S \rightarrow \bullet F, \{\varepsilon\}][F \rightarrow \bullet a, \{\varepsilon\}])$
$([S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{\varepsilon\}], \varepsilon, [S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet F, \{+\}])$
$([S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{\varepsilon\}], \varepsilon, [S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet \langle S+F \rangle, \{+\}])$
$([S \rightarrow \langle S+\bullet F \rangle, \{\varepsilon\}], \varepsilon, [S \rightarrow \langle S+\bullet F \rangle, \{\varepsilon\}][F \rightarrow \bullet a, \{\rangle\}])$
$([S \rightarrow \bullet F, \{+\}], \varepsilon, [S \rightarrow \bullet F, \{+\}][F \rightarrow \bullet a, \{+\}])$
$([S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{+\}], \varepsilon, [S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{+\}][S \rightarrow \bullet F, \{+\}])$
$([S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{+\}], \varepsilon, [S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{+\}][S \rightarrow \bullet \langle S+F \rangle, \{+\}])$
$([S \rightarrow \langle S+\bullet F \rangle, \{+\}], \varepsilon, [S \rightarrow \langle S+\bullet F \rangle, \{+\}][F \rightarrow \bullet a, \{\rangle\}])$

- (c) Geben Sie die Vorausschautabelle für $k = 1$ an. Es genügt, die erreichbaren Zustände anzugeben.

Lösung:

	a	$+$	\langle	\rangle	ε
$[S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}]$	$S \rightarrow F$		$S \rightarrow \langle S+F \rangle$		
$[S \rightarrow \bullet F, \{\varepsilon\}]$	$F \rightarrow a$				
$[S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{\varepsilon\}]$	$S \rightarrow F$		$S \rightarrow \langle S+F \rangle$		
$[S \rightarrow \langle S+\bullet F \rangle, \{\varepsilon\}]$	$F \rightarrow a$				
$[S \rightarrow \bullet F, \{+\}]$	$F \rightarrow a$				
$[S \rightarrow \langle \bullet S+F \rangle, \{+\}]$	$S \rightarrow F$		$S \rightarrow \langle S+F \rangle$		
$[S \rightarrow \langle S+\bullet F \rangle, \{+\}]$	$F \rightarrow a$				

- (d) Verwenden Sie die Vorausschautabelle, um eine akzeptierende Konfigurationsfolge für $\langle a+a \rangle$ anzugeben.

Lösung:

Wir starten mit $([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}], \langle a+a \rangle)$. Für das Item $[S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}]$ und das nächste Eingabesymbol \langle steht in der Vorausschautabelle, dass wir die Regel $S \rightarrow \langle S+F \rangle$ anwenden müssen. Dies entspricht einem Übergang zu

$$([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet \langle S+F \rangle, \{\varepsilon\}], \langle a+a \rangle).$$

Mit einem Shift-Übergang erhalten wir

$$([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle \bullet S + F \rangle, \{\varepsilon\}], a+a\rangle).$$

Für das Item $[S \rightarrow \langle \bullet S + F \rangle, \{\varepsilon\}]$ und das nächste Eingabesymbol a müssen wir die Regel $S \rightarrow F$ anwenden. Dies entspricht einem Übergang zu

$$([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle \bullet S + F \rangle, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet F, \{+\}], a+a\rangle).$$

Für das Item $[S \rightarrow \bullet F, \{+\}]$ und das nächste Eingabesymbol a müssen wir die Regel $F \rightarrow a$ anwenden. Dies entspricht einem Übergang zu

$$([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle \bullet S + F \rangle, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet F, \{+\}][F \rightarrow \bullet a, \{+\}], a+a\rangle).$$

Dann geht es weiter mit

$$\begin{aligned} & ([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle \bullet S + F \rangle, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \bullet F, \{+\}][F \rightarrow a\bullet, \{+\}], +a\rangle) \\ & \vdash ([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle \bullet S + F \rangle, \{\varepsilon\}][S \rightarrow F\bullet, \{+\}], +a\rangle) \\ & \vdash ([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle S\bullet + F \rangle, \{\varepsilon\}], +a\rangle) \\ & \vdash ([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle S + \bullet F \rangle, \{\varepsilon\}], a\rangle). \end{aligned}$$

Für das Item $[S \rightarrow \langle S + \bullet F \rangle, \{\varepsilon\}]$ und das nächste Eingabesymbol a müssen wir die Regel $F \rightarrow a$ anwenden. Dies entspricht einem Übergang zu

$$([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle S + \bullet F \rangle, \{\varepsilon\}][F \rightarrow \bullet a, \{\rangle\}], a\rangle).$$

Dann geht es weiter mit

$$\begin{aligned} & ([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle S + \bullet F \rangle, \{\varepsilon\}][F \rightarrow a\bullet, \{\rangle\}], \rangle) \\ & \vdash ([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle S + F\bullet \rangle, \{\varepsilon\}], \rangle) \\ & \vdash ([S' \rightarrow \bullet S, \{\varepsilon\}][S \rightarrow \langle S + F \rangle\bullet, \{\varepsilon\}], \varepsilon) \\ & \vdash ([S' \rightarrow S\bullet, \{\varepsilon\}], \varepsilon). \end{aligned}$$