

Übungen zur Vorlesung

Konstruktive Approximation: Fourier-, Spline- und Waveletverfahren

Sommersemester 2020

Blatt 2

Abgabe bis **Donnerstag, den 07. Mai 2020, 12 Uhr** per E-Mail.

Aufgabe 5: (2+1+1=4 Punkte) ABGABE

Bestimmen Sie die Legendre-Polynome P_n für die Grade $n = 0, \dots, 3$

- iterativ mit dem Verfahren aus dem Beweis von Satz 3.1.2,
- mit der Rodriguez-Formel,
- mit der Rekursionsformel.

Aufgabe 6:

Bestimmen Sie die Jacobi-Polynome $P_n^{(0,2)}$ für die Grade $n = 0, \dots, 3$

- iterativ mit dem Verfahren aus dem Beweis von Satz 3.1.2,
- mit der Rodriguez-Formel,
- mit der Rekursionsformel.

Aufgabe 7: (4 Punkte) ABGABE

Zeigen Sie, dass

$$P_n^{(\alpha,\beta)}(x) = 2^{-n} \sum_{k=0}^n \binom{n+\alpha}{n-k} \binom{n+\beta}{k} (x-1)^k (x+1)^{n-k}$$

gilt. Hinweis: Benutzen Sie die Leibniz-Formel

$$(f \cdot g)^{(n)} = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} f^{(n-k)} g^{(k)}, \quad f, g \in C^{(n)}.$$

Aufgabe 8:

Entwickeln Sie $F(x) := x - x^2$ in

- a) Legendre-Polynome,
- b) Jacobi-Polynome $P_n^{(0,2)}$.